

FUNZIONI

SCHEDA 1

**Definizione di funzione reale di
variabile reale**

SCHEDA 1

Definizione di funzione reale di variabile reale

Siano X e Y due sottoinsiemi non vuoti dell'insieme dei numeri reali \mathbb{R}

Si chiama **funzione** di X in Y

una qualsiasi legge che fa corrispondere ad ogni elemento x di X uno e uno solo elemento y di Y .

Per indicare che f è una funzione di X in Y si scrive

$$f : X \rightarrow Y$$

oppure $x \in X \rightarrow y \in Y$, oppure $y = f(x)$.

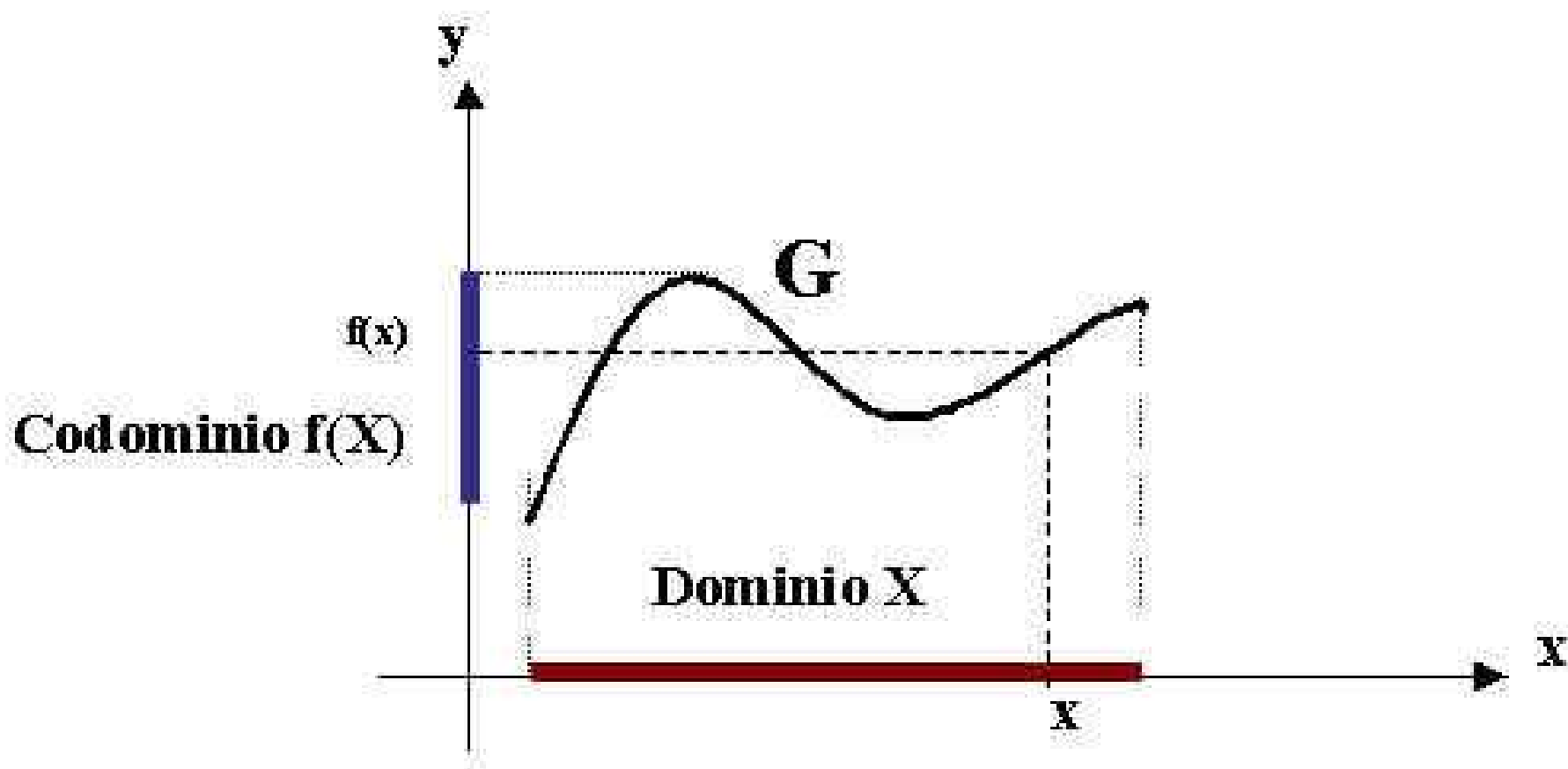
y si dice **immagine** del numero x dato dalla funzione f , cioè y è il valore assunto dalla funzione in corrispondenza al numero x .

L'elemento x dell'insieme X si chiama
variabile indipendente in X , o
argomento della funzione.

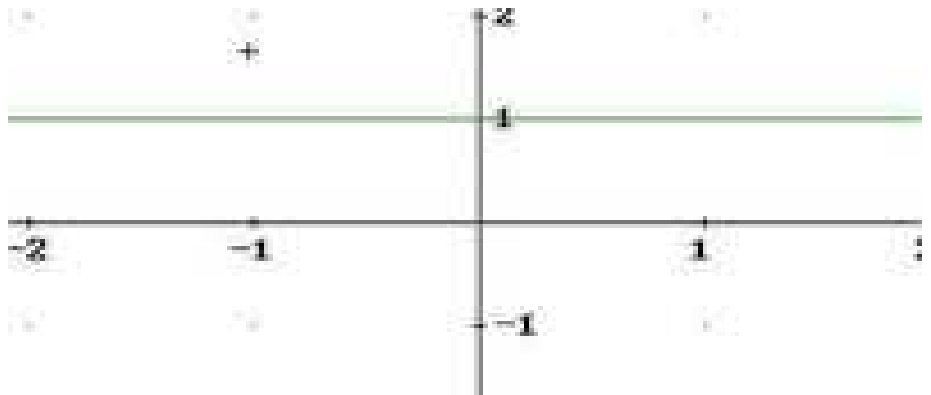
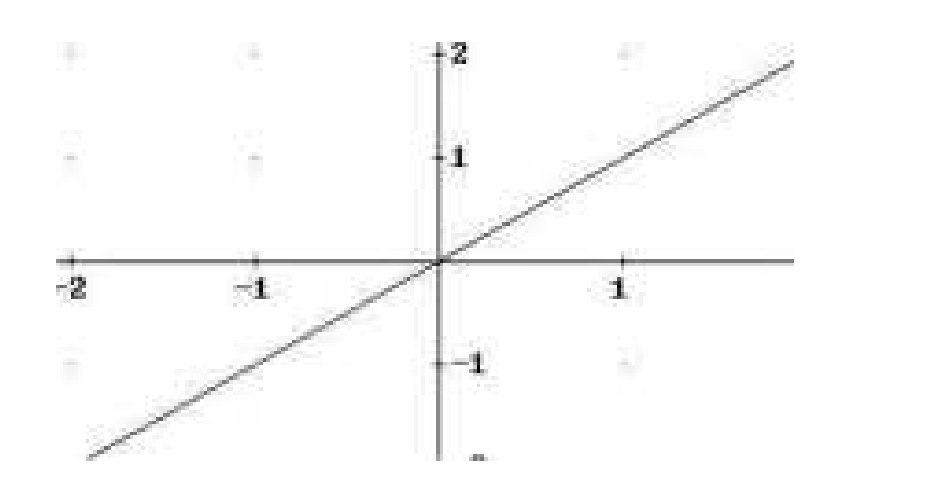
L'insieme X dei valori x , per i quali esiste
il corrispondente valore della y ,
si dice insieme di esistenza, o insieme di
definizione, o anche dominio della
funzione.

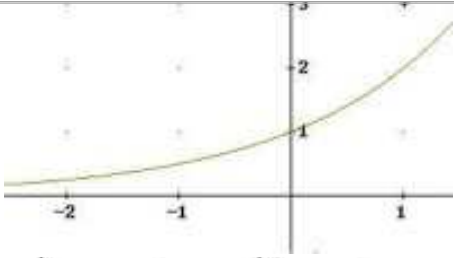
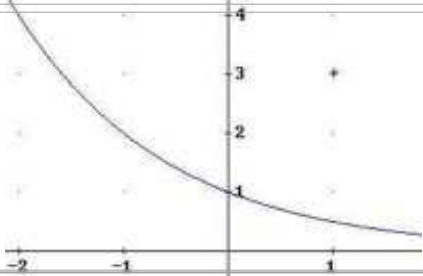
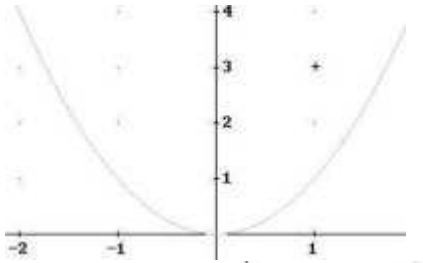
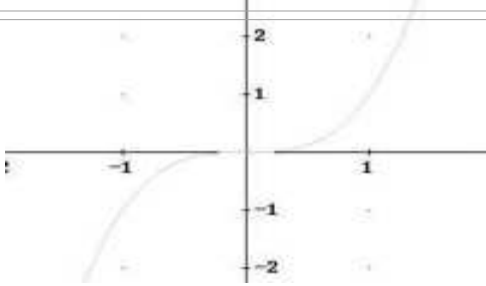
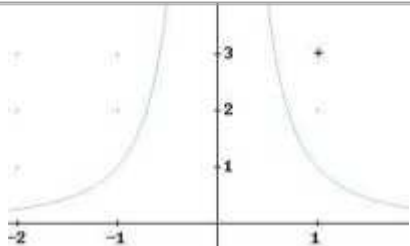
L'insieme delle immagini $f(X)$ si chiama
codominio;
si ha $f(X) \subseteq Y$.

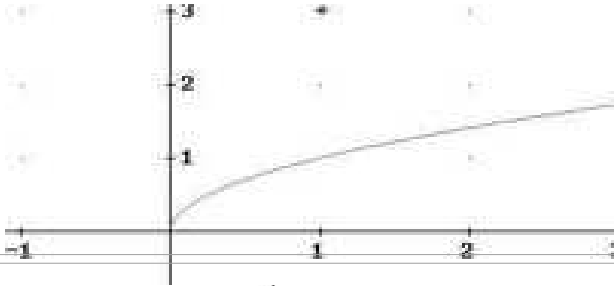
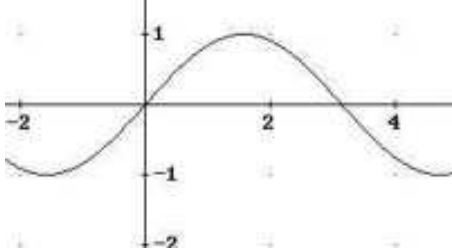
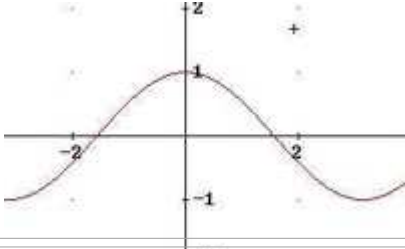
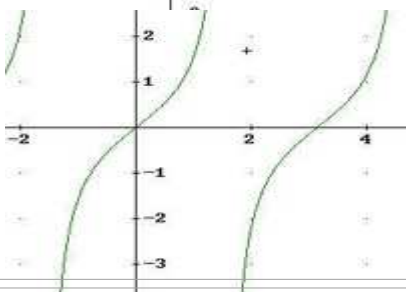
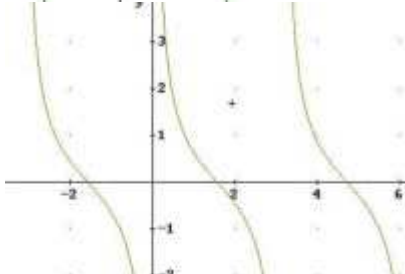
- L'insieme G delle coppie $(x, f(x))$ si chiama grafico o diagramma della funzione f ;
cioè $G = \{ (x, f(x)) / x \in X \}$



SCHEDA 2

funzione	dominio	grafico	codominio
$y=a$ ($a=1$)	\mathbb{R}		a
$y=x$	\mathbb{R}		\mathbb{R}

$y=e^x$	\mathbb{R}		$]0, +\infty[$
$y=e^{-x}$	\mathbb{R}		$]0, +\infty[$
$y=x^2$	\mathbb{R}		$]0, +\infty[$
$y=x^3$	\mathbb{R}		\mathbb{R}
$y=x^{-2}$	$\mathbb{R} - \{0\}$		$]0, +\infty[$

$y=x^{1/2}$	$x \geq 0$		$[0, +\infty[$
$y=\text{sen } x$	\mathbb{R}		$[-1, +1]$
$y=\text{cos } x$	\mathbb{R}		$[-1, +1]$
$y=\text{tan } x$	$\mathbb{R} - \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi \right\}$		\mathbb{R}
$y=\text{ctan } x$	$\mathbb{R} - \{k\pi\}$		\mathbb{R}